

2024年度 特別奨学生・M方式入学試験問題

理系型受験

- ◆機械工学科
- ◆機械システム工学科
- ◆電気電子工学科
- ◆建築学科／建築専攻（理系型）
- ◆建築学科／インテリアデザイン専攻（理系型）
- ◆建築学科／かおりデザイン専攻（理系型）
- ◆建築学科／都市空間インフラ専攻（理系型）
- ◆情報システム学科
- ◆情報デザイン学科（理系型）
- ◆総合情報学科（理系型）

数学

受験上の注意

※試験科目は、必須科目を含め3教科です。科目数に注意して受験してください。

1. 受験票は、机の端の見える位置に置いてください。
2. **解答用紙はマークシート（解答用紙A）1枚のみです。**
3. 試験監督者の指示により、氏名、入学試験種別、受験型、受験番号をマークシート（解答用紙A）の指定された場所に必ず記入・マークをしてください。
4. 試験開始の合図があるまで、この問題用紙の中を見てはいけません。
5. 試験開始後は、試験終了まで退室できません。
6. 用件のある場合は、手を挙げてください。
7. 問題用紙の余白は計算に使用しても結構です。
8. マークシート（解答用紙A）の記入上の注意
(ア)解答は、マークシート（解答用紙A）の問題番号に対応した解答欄にマークしてください。
(イ)マークシート（解答用紙A）に、正しく記入・マークされていない場合は、採点できないことがあります。
(ウ)マークは、鉛筆もしくはシャープペンで、ていねいにマークしてください。
また、訂正の場合は消しゴムで完全に消してください。
(エ)解答はマークシート（解答用紙A）に記載のマーク例を参考に解答欄にマークしてください。
9. 問題用紙は持ち帰ってください。

[1] 次の「ア」から「ホ」までの $\boxed{}$ にあてはまる 0 から 9 までの数字を, 解答用紙Aにマークせよ。ただし, 根号内の平方因数は根号外にくくり出し, 分数は既約分数で表すこと。

$$(1) \quad x = \frac{3}{\sqrt{5} + \sqrt{2}}, \quad y = \frac{3}{\sqrt{5} - \sqrt{2}} \text{ のとき,}$$

$$x + y = \boxed{\text{ア}} \sqrt{\boxed{\text{イ}}}, \quad x^2 + y^2 = \boxed{\text{ウ}} \boxed{\text{エ}},$$

$$x^5 + x^3y^2 + x^2y^3 + y^5 = \boxed{\text{オ}} \boxed{\text{カ}} \boxed{\text{キ}} \sqrt{\boxed{\text{ク}}} \text{ である。}$$

(2) AB = 3, BC = 6, CA = 5 である $\triangle ABC$ において, 辺 BC を 1 : 2 に内分する点を D, 辺 CA を 2 : 3 に内分する点を E, 線分 AD と線分 BE の交点を

$$\text{F} \text{ とする, } \cos B = \frac{\boxed{\text{ケ}}}{\boxed{\text{コ}}}, \quad AD = \frac{\sqrt{\boxed{\text{サ}} \boxed{\text{シ}}}}{\boxed{\text{ス}}}, \quad AF = \frac{\boxed{\text{セ}} \sqrt{\boxed{\text{ソ}} \boxed{\text{タ}}}}{\boxed{\text{チ}} \boxed{\text{ツ}}}$$

である。また, $\triangle ABC$ の面積を S, 四角形 CEFD の面積を T とすると,

$$\frac{T}{S} = \frac{\boxed{\text{テ}} \boxed{\text{ト}}}{\boxed{\text{ナ}} \boxed{\text{ニ}} \boxed{\text{ヌ}}} \text{ である。}$$

(3) x 座標, y 座標が共に 0, 1, 2 のいずれかであるような座標平面上の 9 個の点

から異なる 3 点を選ぶ選び方は $\boxed{\text{ネ}} \boxed{\text{ノ}}$ 通りあり, それらのうち選んだ 3 点

が三角形の頂点になるのは $\boxed{\text{ハ}} \boxed{\text{ヒ}}$ 通りある。また, x 座標, y 座標が共に

0, 1, 2, 3 のいずれかであるような座標平面上の 16 個の点から異なる 3 点を選

ぶ選び方のうち, 選んだ 3 点が三角形の頂点になるのは $\boxed{\text{フ}} \boxed{\text{ヘ}} \boxed{\text{ホ}}$ 通り

ある。

[2] 次の「ア」から「ヌ」までの $\boxed{}$ にあてはまる 0 から 9 までの数字を, 解答用紙Aにマークせよ。ただし, 根号内の平方因数は根号外にくくり出し, 分数は既約分数で表すこと。

$$(1) \quad 0 < \alpha < \frac{\pi}{2}, \quad \cos \alpha = \frac{1}{4} \text{ のとき,}$$

$$\tan \alpha = \sqrt{\boxed{\text{ア}} \boxed{\text{イ}}}, \quad \tan 2\alpha = -\frac{\sqrt{\boxed{\text{ウ}} \boxed{\text{エ}}}}{\boxed{\text{オ}}},$$

$$\tan \frac{\alpha}{2} = \frac{\sqrt{\boxed{\text{カ}} \boxed{\text{キ}}}}{\boxed{\text{ク}}}, \quad \tan \frac{3\alpha}{2} = -\frac{\boxed{\text{ケ}} \sqrt{\boxed{\text{コ}} \boxed{\text{サ}}}}{\boxed{\text{シ}}} \text{ である。}$$

(2) 不等式 $9 \cdot 3^{2x} - 10 \cdot 3^x + 1 \leq 0$ の解は $-\boxed{\text{ス}} \leq x \leq \boxed{\text{セ}}$ である。

$-2 \leq x \leq 1$ のとき, $9 \cdot 3^{2x} - 10 \cdot 3^x + 1$ は $x = \boxed{\text{ソ}}$ で最大値 $\boxed{\text{タ}} \boxed{\text{チ}}$ をと

り, $x = \log_3 \boxed{\text{ツ}} - \boxed{\text{テ}}$ で最小値 $-\frac{\boxed{\text{ト}} \boxed{\text{ナ}}}{\boxed{\text{二}}}$ をとる。

また, $a - 1 < \log_3 \boxed{\text{ツ}} - \boxed{\text{テ}} \leq a$ を満たす整数 a の値は $a = \boxed{\text{ヌ}}$ である。

[3] 次の「ア」から「ツ」までの $\boxed{}$ にあてはまる 0 から 9 までの数字を, 解答用紙 A にマークせよ。ただし, 根号内の平方因数は根号外にくくり出し, 分数は既約分数で表すこと。

(1) 公比が正の数である等比数列 $\{a_n\}$ の第 5 項が $\frac{80}{3}$, 第 11 項が $\frac{5120}{3}$ であると

き, 数列 $\{a_n\}$ の一般項は $a_n = \frac{\boxed{\text{ア}}}{\boxed{\text{イ}}} \cdot \boxed{\text{ウ}}^{n-1}$ である。このとき,

$$\sum_{k=1}^{12} a_k = \boxed{\text{エ}} \boxed{\text{オ}} \boxed{\text{カ}} \boxed{\text{キ}}, \quad \sum_{k=1}^n k a_k = \frac{\boxed{\text{ク}}}{\boxed{\text{ケ}}} \left\{ \left(n - \boxed{\text{コ}} \right) \cdot \boxed{\text{サ}}^n + \boxed{\text{シ}} \right\}$$

である。

(2) 座標空間の4点 $O(0,0,0)$, $A(2,3,4)$, $B(-3,1,5)$, $C(2,-5,6)$ に対して, $\triangle OAB$ を含む平面を α とし, 点 C から平面 α に下ろした垂線と平面 α との交点を H とする。ベクトル $\vec{n} = (s, t, 1)$ が平面 α と垂直であるとき, $s = \boxed{\text{ス}}$,

$t = -\boxed{\text{セ}}$ である。また, $CH = \boxed{\text{ソ}} \sqrt{\boxed{\text{タ}}}$ であり, 四面体 $OABC$ の体積は $\boxed{\text{チ}} \boxed{\text{ツ}}$ である。

[4] 次の「ア」から「ネ」までの $\boxed{}$ にあてはまる 0 から 9 までの数字を, 解答用紙 A にマークせよ。ただし, 根号内の平方因数は根号外にくくり出し, 分数は既約分数で表すこと。

次の (A) または (B) のいずれか一方を選んで解答せよ。

(A) $f(x) = x^3 - 2x^2 - 7x + 6$ とする。 $f(x)$ の極大値は $\boxed{\text{ア}} \boxed{\text{イ}}$, 極小値は $-\frac{\boxed{\text{ウ}} \boxed{\text{エ}} \boxed{\text{オ}}}{\boxed{\text{カ}} \boxed{\text{キ}}}$ であり, 方程式 $f(x) = a$ を満たす実数 x の個数が 2 個となるような正の定数 a の値は $a = \boxed{\text{ク}} \boxed{\text{ケ}}$ である。曲線 $y = f(x)$ 上の点

$(2, f(2))$ における接線の方程式は $y = -\boxed{\text{コ}} x - \boxed{\text{サ}}$ である。曲線 $y = f(x)$

と直線 $y = x + 6$ で囲まれた部分の面積は $\frac{\boxed{\text{シ}} \boxed{\text{ス}} \boxed{\text{セ}}}{\boxed{\text{ソ}}}$ である。

(B) $f(x) = \frac{x^2 + x + 1}{x}$ とする。 $f(x)$ の極大値は $-\boxed{\text{タ}}$, 極小値は $\boxed{\text{チ}}$ であり, 方程式 $f(x) = a$ が実数解をもたないような実数の定数 a の値の範囲は $-\boxed{\text{ツ}} < a < \boxed{\text{テ}}$ である。また, 原点から曲線 $y = f(x)$ に引いた接線 ℓ の

方程式は $y = \frac{\boxed{\text{ト}}}{\boxed{\text{ナ}}} x$ であり, 曲線 $y = f(x)$, 接線 ℓ および直線 $x = -1$ で囲まれた部分の面積は $\log \boxed{\text{二}} - \frac{\boxed{\text{ヌ}}}{\boxed{\text{ネ}}}$ である。